<u> </u>	UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR		1	5	_
BAHIA BLANCA		ARGENTINA			
	DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA				_
		CÓDIGO: 8145			_
PROGRAMA DE: ANÁLISIS NUMÉRICO AVANZADO ÁREA Nº: VII					

HORAS D	E CLASES	PROFESOR RESPONSABLE
TEÓRICO-	PRÁCTICA	
Por semana	Por cuatrimestre.	Dr. Mariano Fernando DE LEO
12	192	

## ASIGNATURAS CORRELATIVAS PRECEDENTES

CARRERA	APROBADA	CURSADA		
Licenciatura en Matemática Aplicada		Análisis Numérico		

# DESCRIPCIÓN

Se trata de un curso netamente práctico, en el que se trabajan los diferentes aspectos que confluyen en la resolución numérica de un problema real. Esto comporta generar una caja de herramientas que incluya tanto los métodos específicos de resolución como el marco algorítmico-computacional vinculado con su implementación, manteniendo una adecuada articulación con el problema de la modelización. En líneas generales, el énfasis estará puesto en la resolución de problemas concretos, típicamente formulados mediante una ecuación diferencial; específicamente, se considerarán las dos instancias más frecuentes: el problema estacionario (ecuación de Laplace y de Poisson) y el problema de evolución (ecuaciones del calor, de ondas, de transporte, etc). El enfoque algebraico involucrado en el desarrollo de los métodos de resolución introduce el problema auxiliar de calcular uno o varios autovalores y/o de calcular sus correspondientes autovectores, que podrán ser familias conocidas de funciones (Fourier, Bessel) o funciones por determinar: el curso propone transitar ambos caminos. La dinámica de trabajo será en formato taller: a partir de sendos problemas concretos que vertebrarán la cursada, se irán desarrollando las herramientas prácticas (los métodos), sin desatender los aspectos teóricos más relevantes, que serán corregidas y/o mejoradas en la instancia de su implementación en algún entorno computacional: MatLab (Octave), Mathematica, Python. Finalmente, para contribuir con la formación profesional de los estudiantes, se propiciarán el trabajo en equipo y la redacción de informes.

## **OBJETIVOS**

Como quedó establecido en la presentación del curso, son objetivos generales adquirir pericia en la resolución de problemas concretos. Específicamente, se espera que el estudiante:

- Adquiera familiaridad con el modelado de problemas.
- Conozca los métodos básicos vinculados con la integración y el análisis matricial, junto con sus respectivos comandos en Octave y Python; ocasionalmente, también en los entornos de pago bien establecidos MatLab y Mathematica.
- Posea las herramientas conceptuales necesarias para modelar un problema concreto.
- Adquiera pericia en el manejo de entornos computacionales.
- Conozca la utilidad (y las propiedades) de las familias ortogonales clásicas: Fourier, Bessel.
- Esté familiarizado con la redacción y la presentación de informes técnicos.
- Adquiera experiencia en el trabajo en equipo.



AÑO	2025				

	UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR		2	5
BAHIA BLANCA		ARGENTINA		
	DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA			
	,	CÓDIGO: 8145		
PROGRAMA DE:	ANÁLISIS NUMÉRICO AVANZADO	ÁREA Nº: VII		

# PROGRAMA SINTÉTICO

En primer lugar, se enumeran los contenidos mínimos:

- 1. Aproximación de autovalores y autovectores
- 2. Métodos iterativos para la resolución de sistemas lineales
- 3. Resolución de sistemas de ecuaciones no lineales
- 4. Polinomios ortogonales y teoría de aproximación
- 5. Problemas con valores en la frontera

A partir de los cuales, se propone el siguiente desarrollo conceptual. El marco general será la resolución de ecuaciones no lineales en derivadas parciales con valores en la frontera: la propuesta consiste en desarrollar los contenidos 1, 2 y 4 enfatizando su articulación con los contenidos 3 y 5. Esto incluye estudiar la resolución numérica, junto con el necesario marco teórico-algorítmico, de: (a) el problema estático (estado estacionario o estado fundamental, según corresponda), y (b) el problema dinámico (problema de evolución); subdividiendo cada uno de estos puntos según el problema sea (i) lineal o (ii) no lineal. Cuando el problema es lineal y la configuración es razonable, la geometría subyacente ofrece un *método de Fourier generalizado*, de modo que, para operadores y dominios con simetrías adecuadas, el problema se reducirá a obtener los autovalores, la correspondiente base (ortonormal) de autofunciones, y los coeficientes de Fourier: la reconstrucción de la solución (la *síntesis*) introduce el problema de la convergencia (contenidos 1 y 4). Para el problema no lineal (y para no linealidades habituales), se propone trabajar con los métodos afines (contenido 3).

Por otro lado, la discretización del problema espacial (tanto en el caso estático como en el caso dinámico), transformará la ecuación diferencial en una ecuación matricial que podrá ser: no homogénea (contenido 2), de autovalores (contenido 1) o de evolución (contenido 3 y 4), con una matriz cuya principal característica es tener tamaño grande, pero pocas entradas no nulas (habitualmente referidas como *ralas*): la resolución de estos problemas será atendida con métodos iterativos de punto fijo (contenidos 1, 2 y 3).



		 	_		
AÑO	2025				

# UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR BAHIA BLANCA DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA PROGRAMA DE: ANÁLISIS NUMÉRICO AVANZADO CÓDIGO: 8145 ÁREA Nº: VII

		REA N°: VII
PROGRAMA	ANALÍTICO Y METODOLOGÍA DE ENSEÑANZA	_
CAPÍTULO	CONTENIDO TEMÁTICO	METODOLOGÍA
1-	Ecuaciones con valores en la frontera. Caso estático: Preliminares. La ecuación de Laplace y las funciones armónio 1D, 2D y 3D. Las condiciones de borde: los casos Dirichlet y v Neumann. La ecuación de Poisson y el problema electrostático Técnicas básicas: reescalamiento, método de dispa Discretización: el problema lineal no homogéneo con tama grande y pocas entradas no nulas.  Métodos iterativos. Métodos iterativos básicos: Jacobi, Gau Seidel, sobrerelajación. El método del gradiente conjugado.	Talleres de experimentación numérica y resolución de problemas. Desarrollo de métodos y marcos
2-	Ecuaciones con valores en la frontera. Caso estático: Problemo de autovalores y autofunciones.  El oscilador anarmónico y el cómputo de umbrales. Estac fundamentales y el problema de la energía mínima: prin autovalor y primera autofunción. Descomposición espectral operadores simétricos. Métodos básicos para autovalor iteración de potencia, iteración inversa, iteración con sh Métodos para autoespacios en el caso simétrico: Subespacios Krylov, coeficientes de Rayleigh-Ritz. Métodos de Lanczos.	na Talleres de experimentación numérica y resolución de problemas. es: Desarrollo de ift. métodos y marcos de informes.
3-	Ecuaciones con valores en la frontera. Caso estático: Problemo de Sturm y Liouville  La ecuación de Poisson en un segmento: solución vía funcion armónicas, la Transformada Rápida de Fourier.  Campo electrostático con simetría cilíndrica: puntos singula regulares y resolución por series, funciones de Bessel y método Fuchs. Funciones ortogonales: propiedades y utilidad.	experimentación numérica y resolución de problemas.
4-	Ecuaciones con valores en la frontera. Caso dinámico: problema lineal.  La ecuación del calor en una barra: resolución por Four Métodos de descomposición temporal para sisten hamiltonianos: Lie-Trotter, Strang, Yoshida. Desempeño frent las leyes de conservación.	el Talleres de experimentación numérica y resolución de
5-	Ecuaciones con valores en la frontera. Caso dinámico: problema no lineal.  Cálculo de estados fundamentales (de energía mínima): méto descenso del gradiente. Métodos de descomposición temporal p problemas no conservativos: métodos afines. Evolución de la m y la energía.	experimentación numérica y ara resolución de



AÑO

2025

	UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR		4	5
BAHIA BLANCA		ARGENTINA		
	DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA			
	, ,	CÓDIGO: 8145		
PROGRAMA DE:	ANÁLISIS NUMÉRICO AVANZADO	ÁREA Nº: VII		

## SISTEMA DE EVALUACIÓN

Para aprobar el cursado de la materia se aplicará el siguiente mecanismo. El docente seleccionará uno o varios capítulos. Al comienzo de dichos capítulos, se organizarán equipos (con no más de 3 integrantes), cada uno de los cuales recibirá un problema (a propuesta del docente o elegido por el equipo) y tendrá la tarea de redactar un informe técnico detallando su resolución. Este informe deberá será presentado ante el resto del curso, que podrá manifestar sus dudas o inquietudes; dependiendo del desempeño del equipo en esta instancia de defensa oral, el docente podrá solicitar una reformulación del informe o de la presentación. El curso quedará aprobado una vez que todos los informes estén correctamente escritos y satisfactoriamente presentados.



AÑO	2025				

	UNIVERSIDAD NACIONAL DEL SUR		5	5
BAHIA BLANCA		ARGENTINA		
	DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA			
	, ,	CÓDIGO: 8145		
PROGRAMA DE:	ANÁLISIS NUMÉRICO AVANZADO	ÁREA Nº: VII		

## BIBLIOGRAFÍA

### Bibliografía Básica

- A. Quarteroni, R. Sacco, F. Saleri, *Numerical Mathematics*, Springer, 2007. (Cap. 4 Métodos iterativos, Cap. 5 aproximación de autovalores, Cap. 10 funciones ortogonales y Cap. 12 Problemas con valores en la frontera.)
- Ll. Trefethen, D. Bau, Numerical Linear Algebra, SIAM, 1997. (Part V Autovalores, Part VI Métodos iterativos.)
- G. Stewart, *Matrix Algorithms, Vol II: Eigensystems*, SIAM, 2001. (Cap. 4 Autoespacios y aproximaciones, Cap 5 Método de Krylov.)
- B. Parlett, *The Symmetric Eigenvalue Problem*, Prentice-Hall, 1980. (Cap 7 Estructuras Tridiagonales, Cap. 10 Acotación de autovalores, Cap. 11 Aproximación de subespacios, Cap. 12, Subespacios de Krylov, Cap. 13 Algoritmo de Lanczos.)
- J, Demmel, *Applied Numerical Linear Algebra*, SIAM, 1997. (Cap. 6 y 7 Métodos iterativos para sistemas lineales y de autovalores.)
- H. Weinberger, *Ecuaciones Diferenciales en Derivadas Parciales*, Reverté, 1970.(Cap. IV Series de Fourier, Cap. V Problemas no homogéneos, Cap. VI Problemas en dimensiones superiores, Cap. VII Sturm-Liouville y desarrollo general de Fourier.)
- L. Evans, Partial Differential Equations, AMS, 1998. (Cap. 6 Ecuaciones elípticas, Cap. 7 Ecuaciones de evolución, Cap. 9 Técnicas no variacionales.)
- E. Hairer, C. Lubich, G. Wanner, Geometric Numerical Integration: Structure-Preserving Algorithms for Ordinary Differential Equations, Springer, 2006
- H. Yoshida, Construction of higher order symplectic integrators, Phys. Lett. A 150 (5) (1990) 262–268
- L. Raviola, M. De Leo. Performance of affine-splitting pseudo-spectral methods for fractional complex Ginzburg-Landau equations. *Applied Mathematics and Computation*. Vol. 66, (2024), 128428.
- M. De Leo, D. Rial, C. Sánchez Fernández de la Vega, High-order time-splitting methods for irreversible equations. *IMA Journal of Numerical Analysis*, 36, 4, (2016), 1842–1866.

MA Journal of	Numerica	al Analysis, 3	6, 4, (2016)	), 1842–1866				
/IGENCIA D	E ESTE	E PROGRA	MA					
AÑO	PROFESOR RESPONSABLE (Firma/aclarada)		E	AÑO	PROFESOR RESPONSABLE (Firma aclarada)			
2025	To the	Meriano Fern	ando DE LEG	0				
/ISADO								
COORDINA	ADOR DI	E ÁREA	SECRETARIO ACADÉMICO				IRECTORA DEL EPARTAMENTO	
olozadH			SEC SEPART	EGO NICOLÁS CAL CRETARIO ACADÉM TAMENTO DE MATE SIDAD NACIONAL D	ICO	DEPART	VIANA ALEJANDRA DIAZ  VIANA ALEJANDRA DIAZ	
FECHA:			FECHA:			FECHA:		
AÑO 2	2025							