

# ISOSPECTRALIDAD DE $\mathbb{Z}_2^k$ -VARIEDADES

RICARDO A. PODESTÁ

La presente comunicación se basa en los resultados obtenidos en [MPR].

Sea  $M$  una variedad Riemanniana compacta plana de dimensión  $n$ , con grupo de holonomía  $\mathbb{Z}_2^k$ ,  $1 \leq k \leq n - 1$ . Obtenemos una fórmula sencilla para la multiplicidad de los autovalores del operador de Hodge-Laplace,  $\Delta_f$ , actuando en secciones suaves de fibrado exterior  $\Lambda^*(TM) = \bigoplus_{p=0}^n \Lambda^p(TM)$  sobre  $M$ . Dicha fórmula implica que dos tales variedades cuyos retículos de traslaciones son isospectrales, resultan isospectrales con respecto a  $\Delta_f$ . En particular, para cada  $k$  fijo, todas las  $\mathbb{Z}_2^k$ -variedades de dimensión  $n$  cubiertas por el mismo toro plano son  $\Delta_f$ -isospectrales. Como consecuencia, es posible construir familias grandes de  $n$ -variedades mutuamente  $\Delta_f$ -isospectrales y no homeomorfas entre sí, cuya cardinalidad es mayor que  $2^{\frac{(n-1)(n-2)}{2}}$ . Además, mostramos que la isospectralidad con respecto a  $\Delta_f$  implica la isospectralidad del operador de Dirac  $D$  asociado ( $D^2 = \Delta_f$ ), lo cual no es cierto en el caso general.

## REFERENCIAS

[MPR] Miatello R.J., Podestá R.A., Rossetti J.P.  $\mathbb{Z}_2^k$ -manifolds are isospectral on forms, Math. Zeitschrift (en prensa).

FAMAF-CIEM, UNIVERSIDAD NACIONAL DE CÓRDOBA, CÓRDOBA, ARGENTINA.  
E-mail address: podesta@mate.uncor.edu

---

*Key words and phrases.*  $\mathbb{Z}_2^k$ -variedades, isospectralidad, formas, Laplace, Dirac.  
2000 *Mathematics Subject Classification.* Primary 58J53 Secondary 20H15, 57R15.  
Supported by Conicet, Secyt-UNC.